

Erzeuge mit Hilfe der mathematischen Umgebung die folgenden Formeln.

**Definition eines bestimmten Integrals:**

Das *bestimmte Integral*  $\int_a^b f(x)dx$  läßt sich in anschaulicher Weise als *Flächeninhalt*  $A$  zwischen der *stetigen* Funktion  $y = f(x)$ , der x-Achse und den beiden zur y-Achse parallelen Grade  $x = a$  und  $x = b$  deuten, sofern die Kurve im gesamten Intervall  $a \leq x \leq b$  *oberhalb* der x-Achse verläuft.

$$\int_a^b f(x)dx = \lim_{n \rightarrow \infty} U_n = \lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n f(x_k - 1)\Delta x$$

*Bezeichnungen:*

$x$  : Integrationsvariable

$f(x)$  : Integrandfunktion (kurz: Integrand)

$a, b$  : Untere bzw. obere Integrationsgrenze

Lösung:

```
\bf Definition eines bestimmten Integrals: \rm \\[0.3cm]
Das \emph{bestimmte Integral}  $\int_a^b f(x)dx$  läßt sich in anschaulicher
Weise als \emph{Flächeninhalt}  $A$  zwischen der \emph{stetigen} Funktion  $y=f(x)$ ,
der x-Achse und den beiden zur y-Achse parallelen Grade  $x=a$  und  $x=b$  deuten,
sofern die Kurve im gesamten Intervall  $a \leq x \leq b$  \emph{oberhalb} der x-Achse
verläuft.\[0.3cm]
\[
  \int\limits_a^b f(x)dx
    = \lim\limits_{n \rightarrow \infty} U_n
    = \lim\limits_{n \rightarrow \infty} \sum\limits_{k=1}^n f(x_{k-1})\Delta x
\]
\emph{Bezeichnungen:}\[
 $x$ : Integrationsvariable\[
 $f(x)$ : Integrandfunktion (kurz: Integrand)\[
 $a, b$ : Untere bzw. obere Integrationsgrenze
```